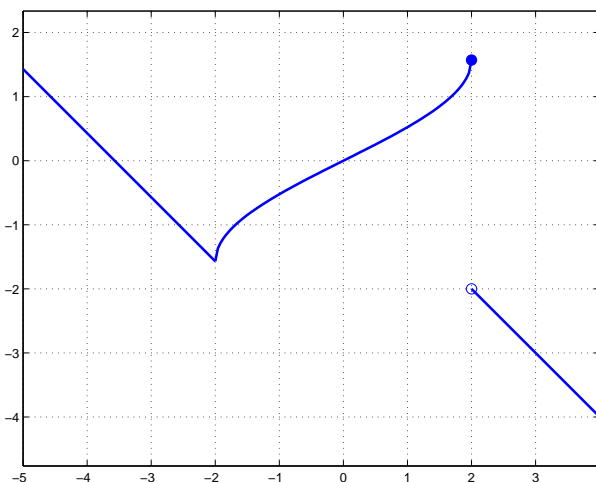


Il NUMERO della FILA è contenuto nel testo dell'esercizio n° 2 ed è il valore del secondo addendo nella somma  $n^2 + F$ .

### Fila 1

1. (a)  $\text{dom } f = \mathbb{R}$ ; non ci sono simmetrie.
- (b)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ .  $f$  continua in  $\mathbb{R} \setminus \{2\}$ ;  $x = 2$  punto di salto.
- (c)  $f'(x) = \begin{cases} \frac{1}{\sqrt{4-x^2}} & \text{se } |x| < 2, \\ -1 & \text{se } |x| > 2, \end{cases}$   $\text{dom } f' = \mathbb{R} \setminus \{\pm 2\}$ .
- (d)  $f$  è strettamente decrescente in  $] -\infty, -2[ \cup ] 2, +\infty[$ ;  $f$  è strettamente crescente in  $] -2, +2[$ .  $f$  è illimitata inferiormente e superiormente.  $x = -2$  è punto di minimo relativo e punto angoloso,  $x = 2$  è punto di massimo relativo.
- (e)  $f''(x) = \begin{cases} \frac{x}{\sqrt{(4-x^2)^3}} & \text{se } |x| < 2, \\ 0 & \text{se } |x| > 2, \end{cases}$   
 $f$  è strettamente concava in  $] -2, 0[$ ,  $f$  è strettamente convessa in  $] 0, 2[$ ,  $x = 0$  punto di flesso a tangente obliqua.



2.  $\inf A = \min A = \frac{17}{2}$ ,  $\sup A = +\infty$ ,  $\nexists \max A$ .
3.  $z_0 = \sqrt[4]{7} \left( \frac{\sqrt{2}}{2} + i \frac{\sqrt{2}}{2} \right)$ ,  $z_1 = \sqrt[4]{7} \left( -\frac{\sqrt{2}}{2} + i \frac{\sqrt{2}}{2} \right)$ .
4. Unione tra la retta  $x = 0$  e la circonferenza  $14(x^2 + y^2) + 2x = 0$ .
5.  $\frac{1}{2}$ .
6.  $T_1^2(f(x)) = \log 4 + \frac{3}{4}(x-1) - \frac{9}{16} \frac{(x-1)^2}{2}$ .
7.  $f$  continua e derivabile in  $x = 0$  per  $\alpha = 8$  e  $\beta = 1$ .  $f$  continua ma non derivabile in  $x = 0$  per  $\alpha = 8$  e  $\beta \neq 1$ ,  $x = 0$  punto angoloso.  $f$  discontinua in  $x = 0$  per  $\alpha \neq 8$  e  $\beta$  qualsiasi,  $x = 0$  punto di salto.

---

**Fila 2**

1. (a)  $\text{dom } f = \mathbb{R}$ ; non ci sono simmetrie.  
(b)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ .  $f$  continua in  $\mathbb{R} \setminus \{3\}$ ;  $x = 3$  punto di salto.  
(c)  $f'(x) = \begin{cases} \frac{1}{\sqrt{9-x^2}} & \text{se } |x| < 3, \\ -1 & \text{se } |x| > 3, \end{cases} \text{ dom } f' = \mathbb{R} \setminus \{\pm 3\}$ .  
(d)  $f$  è strettamente decrescente in  $] -\infty, -3[ \cup ] 3, +\infty[$ ;  $f$  è strettamente crescente in  $] -3, +3[$ .  
 $f$  è illimitata inferiormente e superiormente.  $x = -3$  è punto di minimo relativo e punto angoloso,  $x = 3$  è punto di massimo relativo.  
(e)  $f''(x) = \begin{cases} \frac{x}{\sqrt{(9-x^2)^3}} & \text{se } |x| < 3, \\ 0 & \text{se } |x| > 3, \end{cases}$   
 $f$  è strettamente concava in  $] -3, 0[$ ,  $f$  è strettamente convessa in  $] 0, 3[$ ,  $x = 0$  punto di flesso a tangente obliqua.
2.  $\inf A = \min A = 9$ ,  $\sup A = +\infty$ ,  $\nexists \max A$ .
3.  $z_0 = \sqrt[4]{6} \left( \frac{\sqrt{2}}{2} + i \frac{\sqrt{2}}{2} \right)$ ,  $z_1 = \sqrt[4]{6} \left( -\frac{\sqrt{2}}{2} + i \frac{\sqrt{2}}{2} \right)$ .
4. Unione tra la retta  $x = 0$  e la circonferenza  $12(x^2 + y^2) + 3x = 0$ .
5.  $\frac{1}{3}$ .
6.  $T_1^2(f(x)) = \log 5 + \frac{4}{5}(x-1) - \frac{16}{25} \frac{(x-1)^2}{2}$ .
7.  $f$  continua e derivabile in  $x = 0$  per  $\alpha = 7$  e  $\beta = 2$ .  $f$  continua ma non derivabile in  $x = 0$  per  $\alpha = 7$  e  $\beta \neq 2$ ,  $x = 0$  punto angoloso.  $f$  discontinua in  $x = 0$  per  $\alpha \neq 7$  e  $\beta$  qualsiasi,  $x = 0$  punto di salto.

---

**Fila 3**

1. (a)  $\text{dom } f = \mathbb{R}$ ; non ci sono simmetrie.  
(b)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ .  $f$  continua in  $\mathbb{R} \setminus \{4\}$ ;  $x = 4$  punto di salto.  
(c)  $f'(x) = \begin{cases} \frac{1}{\sqrt{16-x^2}} & \text{se } |x| < 4, \\ -1 & \text{se } |x| > 4, \end{cases} \text{ dom } f' = \mathbb{R} \setminus \{\pm 4\}$ .  
(d)  $f$  è strettamente decrescente in  $] -\infty, -4[ \cup ] 4, +\infty[$ ;  $f$  è strettamente crescente in  $] -4, +4[$ .  
 $f$  è illimitata inferiormente e superiormente.  $x = -4$  è punto di minimo relativo e punto angoloso,  $x = 4$  è punto di massimo relativo.  
(e)  $f''(x) = \begin{cases} \frac{x}{\sqrt{(16-x^2)^3}} & \text{se } |x| < 4, \\ 0 & \text{se } |x| > 4, \end{cases}$   
 $f$  è strettamente concava in  $] -4, 0[$ ,  $f$  è strettamente convessa in  $] 0, 4[$ ,  $x = 0$  punto di flesso a tangente obliqua.

2.  $\inf A = \min A = \frac{19}{2}, \sup A = +\infty, \nexists \max A.$
3.  $z_0 = \sqrt[4]{5} \left( \frac{\sqrt{2}}{2} + i \frac{\sqrt{2}}{2} \right), z_1 = \sqrt[4]{5} \left( -\frac{\sqrt{2}}{2} + i \frac{\sqrt{2}}{2} \right).$
4. Unione tra la retta  $x = 0$  e la circonferenza  $10(x^2 + y^2) + 4x = 0.$
5.  $\frac{1}{4}.$
6.  $T_1^2(f(x)) = \log 6 + \frac{5}{6}(x-1) - \frac{25}{36} \frac{(x-1)^2}{2}.$
7.  $f$  continua e derivabile in  $x = 0$  per  $\alpha = 6$  e  $\beta = 3.$   $f$  continua ma non derivabile in  $x = 0$  per  $\alpha = 6$  e  $\beta \neq 3,$   $x = 0$  punto angoloso.  $f$  discontinua in  $x = 0$  per  $\alpha \neq 6$  e  $\beta$  qualsiasi,  $x = 0$  punto di salto.

#### Fila 4

1. (a)  $\text{dom } f = \mathbb{R};$  non ci sono simmetrie.  
 (b)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty, \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty.$   $f$  continua in  $\mathbb{R} \setminus \{5\};$   $x = 5$  punto di salto.  
 (c)  $f'(x) = \begin{cases} \frac{1}{\sqrt{25-x^2}} & \text{se } |x| < 5, \\ -1 & \text{se } |x| > 5, \end{cases} \text{dom } f' = \mathbb{R} \setminus \{\pm 5\}.$   
 (d)  $f$  è strettamente decrescente in  $] -\infty, -5[ \cup ] 5, +\infty[;$   $f$  è strettamente crescente in  $] -5, +5[.$   $f$  è illimitata inferiormente e superiormente.  $x = -5$  è punto di minimo relativo e punto angoloso,  $x = 5$  è punto di massimo relativo.  
 (e)  $f''(x) = \begin{cases} \frac{x}{\sqrt{(25-x^2)^3}} & \text{se } |x| < 5, \\ 0 & \text{se } |x| > 5, \end{cases}$   
 $f$  è strettamente concava in  $] -5, 0[,$   $f$  è strettamente convessa in  $] 0, 5[,$   $x = 0$  punto di flesso a tangente obliqua.
2.  $\inf A = \min A = 10, \sup A = +\infty, \nexists \max A.$
3.  $z_0 = \sqrt[4]{4} \left( \frac{\sqrt{2}}{2} + i \frac{\sqrt{2}}{2} \right), z_1 = \sqrt[4]{4} \left( -\frac{\sqrt{2}}{2} + i \frac{\sqrt{2}}{2} \right).$
4. Unione tra la retta  $x = 0$  e la circonferenza  $8(x^2 + y^2) + 5x = 0.$
5.  $\frac{1}{5}.$
6.  $T_1^2(f(x)) = \log 7 + \frac{6}{7}(x-1) - \frac{36}{49} \frac{(x-1)^2}{2}.$
7.  $f$  continua e derivabile in  $x = 0$  per  $\alpha = 5$  e  $\beta = 4.$   $f$  continua ma non derivabile in  $x = 0$  per  $\alpha = 5$  e  $\beta \neq 4,$   $x = 0$  punto angoloso.  $f$  discontinua in  $x = 0$  per  $\alpha \neq 5$  e  $\beta$  qualsiasi,  $x = 0$  punto di salto.

#### Fila 5

1. (a)  $\text{dom } f = \mathbb{R};$  non ci sono simmetrie.

(b)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ .  $f$  continua in  $\mathbb{R} \setminus \{6\}$ ;  $x = 6$  punto di salto.

$$(c) f'(x) = \begin{cases} \frac{1}{\sqrt{36-x^2}} & \text{se } |x| < 6, \\ -1 & \text{se } |x| > 6, \end{cases} \quad \text{dom } f' = \mathbb{R} \setminus \{\pm 6\}.$$

(d)  $f$  è strettamente decrescente in  $] -\infty, -6[ \cup ] 6, +\infty[$ ;  $f$  è strettamente crescente in  $] -6, +6[$ .  
 $f$  è illimitata inferiormente e superiormente.  $x = -6$  è punto di minimo relativo e punto angoloso,  $x = 6$  è punto di massimo relativo.

$$(e) f''(x) = \begin{cases} \frac{x}{\sqrt{(36-x^2)^3}} & \text{se } |x| < 6, \\ 0 & \text{se } |x| > 6, \end{cases}$$

$f$  è strettamente concava in  $] -6, 0[$ ,  $f$  è strettamente convessa in  $] 0, 6[$ ,  $x = 0$  punto di flesso a tangente obliqua.

2.  $\inf A = \min A = \frac{21}{2}$ ,  $\sup A = +\infty$ ,  $\nexists \max A$ .

3.  $z_0 = \sqrt[4]{3} \left( \frac{\sqrt{2}}{2} + i \frac{\sqrt{2}}{2} \right)$ ,  $z_1 = \sqrt[4]{3} \left( -\frac{\sqrt{2}}{2} + i \frac{\sqrt{2}}{2} \right)$ .

4. Unione tra la retta  $x = 0$  e la circonferenza  $6(x^2 + y^2) + 6x = 0$ .

5.  $\frac{1}{6}$ .

6.  $T_1^2(f(x)) = \log 8 + \frac{7}{8}(x-1) - \frac{49(x-1)^2}{64 \cdot 2}$ .

7.  $f$  continua e derivabile in  $x = 0$  per  $\alpha = 4$  e  $\beta = 5$ .  $f$  continua ma non derivabile in  $x = 0$  per  $\alpha = 4$  e  $\beta \neq 5$ ,  $x = 0$  punto angoloso.  $f$  discontinua in  $x = 0$  per  $\alpha \neq 4$  e  $\beta$  qualsiasi,  $x = 0$  punto di salto.

## Fila 6

1. (a)  $\text{dom } f = \mathbb{R}$ ; non ci sono simmetrie.

(b)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ .  $f$  continua in  $\mathbb{R} \setminus \{7\}$ ;  $x = 7$  punto di salto.

$$(c) f'(x) = \begin{cases} \frac{1}{\sqrt{49-x^2}} & \text{se } |x| < 7, \\ -1 & \text{se } |x| > 7, \end{cases} \quad \text{dom } f' = \mathbb{R} \setminus \{\pm 7\}.$$

(d)  $f$  è strettamente decrescente in  $] -\infty, -7[ \cup ] 7, +\infty[$ ;  $f$  è strettamente crescente in  $] -7, +7[$ .  
 $f$  è illimitata inferiormente e superiormente.  $x = -7$  è punto di minimo relativo e punto angoloso,  $x = 7$  è punto di massimo relativo.

$$(e) f''(x) = \begin{cases} \frac{x}{\sqrt{(49-x^2)^3}} & \text{se } |x| < 7, \\ 0 & \text{se } |x| > 7, \end{cases}$$

$f$  è strettamente concava in  $] -7, 0[$ ,  $f$  è strettamente convessa in  $] 0, 7[$ ,  $x = 0$  punto di flesso a tangente obliqua.

2.  $\inf A = \min A = 12$ ,  $\sup A = +\infty$ ,  $\nexists \max A$ .

3.  $z_0 = \sqrt[4]{2} \left( \frac{\sqrt{2}}{2} + i \frac{\sqrt{2}}{2} \right)$ ,  $z_1 = \sqrt[4]{2} \left( -\frac{\sqrt{2}}{2} + i \frac{\sqrt{2}}{2} \right)$ .

4. Unione tra la retta  $x = 0$  e la circonferenza  $4(x^2 + y^2) + 7x = 0$ .

5.  $\frac{1}{7}$ .

6.  $T_1^2(f(x)) = \log 9 + \frac{8}{9}(x-1) - \frac{64}{81} \frac{(x-1)^2}{2}$ .

7.  $f$  continua e derivabile in  $x = 0$  per  $\alpha = 3$  e  $\beta = 6$ .  $f$  continua ma non derivabile in  $x = 0$  per  $\alpha = 3$  e  $\beta \neq 6$ ,  $x = 0$  punto angoloso.  $f$  discontinua in  $x = 0$  per  $\alpha \neq 3$  e  $\beta$  qualsiasi,  $x = 0$  punto di salto.

---