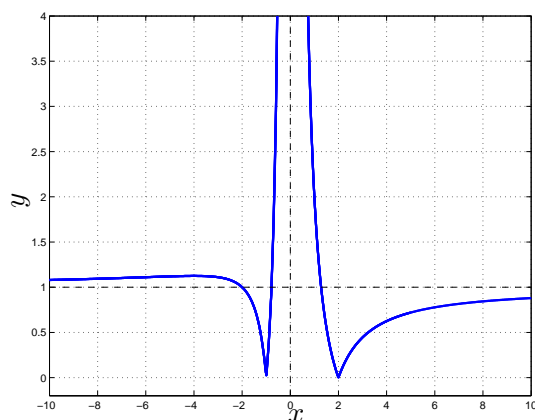


### FILA 1

1. (a)  $\text{dom } f = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ ; non ci sono simmetrie.
- (b)  $f$  ammette la retta di equazione  $y = 1$  come asintoto orizzontale ed ammette la retta di equazione  $x = 0$  come asintoto verticale. Non ci sono asintoti obliqui.
- (c) se  $x < -1$  o  $x > 2$ ,  $f'(x) = \frac{x+4}{x^3}$ ; se  $-1 < x < 2$ ,  $f'(x) = -\frac{x+4}{x^3}$ ;  $\text{dom } f' = \text{dom } f \setminus \{-1, 2\}$ .  $x = -1$  e  $x = 2$  punti angolosi.  $f'_-(-1) = -3$ ,  $f'_+(-1) = 3$ ,  $f'_-(2) = -\frac{3}{4}$ ,  $f'_+(2) = \frac{3}{4}$ .
- (d)  $f$  è strettamente crescente in  $] -\infty, -4[ \cup ] -1, 0[ \cup ] 2, +\infty[$ ;  $f$  è strettamente decrescente in  $] -4, -1[ \cup ] 0, 2[$ .  $x = -1$  e  $x = 2$  punti di minimo assoluto,  $x = -4$  punto di massimo relativo.
- (e) se  $x < -1$  o  $x > 2$ ,  $f''(x) = -\frac{2x+12}{x^4}$ ; se  $-1 < x < 2$ ,  $f''(x) = \frac{2x+12}{x^4}$ .  $f$  è strettamente convessa in  $] -\infty, -6[ \cup ] -1, 0[ \cup ] 2, +\infty[$ ;  $f$  è strettamente concava in  $] -6, -1[ \cup ] 2, +\infty[$ .  $x = -6$  punto di flesso a tangente obliqua.



2.  $-16\sqrt{3}$ .
  3.  $\frac{13}{2}$ .
- 

### FILA 2

1. (a)  $\text{dom } f = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ ; non ci sono simmetrie.
- (b)  $f$  ammette la retta di equazione  $y = 1$  come asintoto orizzontale ed ammette la retta di equazione  $x = 0$  come asintoto verticale. Non ci sono asintoti obliqui.
- (c) se  $x < -2$  o  $x > 4$ ,  $f'(x) = \frac{2x+16}{x^3}$ ; se  $-2 < x < 4$ ,  $f'(x) = -\frac{2x+16}{x^3}$ ;  $\text{dom } f' = \text{dom } f \setminus \{-2, 4\}$ .  $x = -2$  e  $x = 4$  punti angolosi.  $f'_-(-2) = -\frac{3}{2}$ ,  $f'_+(-2) = \frac{3}{2}$ ,  $f'_-(4) = -\frac{3}{8}$ ,  $f'_+(4) = \frac{3}{8}$ .
- (d)  $f$  è strettamente crescente in  $] -\infty, -8[ \cup ] -2, 0[ \cup ] 4, +\infty[$ ;  $f$  è strettamente decrescente in  $] -8, -2[ \cup ] 0, 4[$ .  $x = -2$  e  $x = 4$  punti di minimo assoluto,  $x = -8$  punto di massimo relativo.
- (e) se  $x < -2$  o  $x > 4$ ,  $f''(x) = -\frac{4x+48}{x^4}$ ; se  $-2 < x < 4$ ,  $f''(x) = \frac{4x+48}{x^4}$ .  $f$  è strettamente convessa in  $] -\infty, -12[ \cup ] -2, 0[ \cup ] 4, +\infty[$ ;  $f$  è strettamente concava in  $] -12, -2[ \cup ] 4, +\infty[$ .  $x = -12$  punto di flesso a tangente obliqua.

3.  $\frac{11}{2}$ .

---

### FILA 3

1. (a)  $\text{dom } f = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ ; non ci sono simmetrie.  
(b)  $f$  ammette la retta di equazione  $y = 1$  come asintoto orizzontale ed ammette la retta di equazione  $x = 0$  come asintoto verticale. Non ci sono asintoti obliqui.  
(c) se  $x < -3$  o  $x > 6$ ,  $f'(x) = \frac{3x+36}{x^3}$ ; se  $-3 < x < 6$ ,  $f'(x) = -\frac{3x+36}{x^3}$ ;  $\text{dom } f' = \text{dom } f \setminus \{-3, 6\}$ .  
 $x = -3$  e  $x = 6$  punti angolosi.  $f'_-(-3) = -1$ ,  $f'_+(-3) = 1$ ,  $f'_-(6) = -\frac{1}{4}$ ,  $f'_+(6) = \frac{1}{4}$ .  
(d)  $f$  è strettamente crescente in  $] -\infty, -12[ \cup ] -3, 0[ \cup ] 6, +\infty[$ ;  $f$  è strettamente decrescente in  $] -12, -3[ \cup ] 0, 6[$ .  $x = -3$  e  $x = 6$  punti di minimo assoluto,  $x = -12$  punto di massimo relativo.  
(e) se  $x < -3$  o  $x > 6$ ,  $f''(x) = -\frac{6x+108}{x^4}$ ; se  $-3 < x < 6$ ,  $f''(x) = \frac{6x+108}{x^4}$ .  $f$  è strettamente convessa in  $] -\infty, -18[ \cup ] -3, 0[ \cup ] 0, 6[$ ;  $f$  è strettamente concava in  $] -18, -3[ \cup ] 6, +\infty[$ .  
 $x = -18$  punto di flesso a tangente obliqua.
  2.  $-12\sqrt{3}$ .
  3.  $\frac{9}{2}$ .
- 

### FILA 4

1. (a)  $\text{dom } f = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ ; non ci sono simmetrie.  
(b)  $f$  ammette la retta di equazione  $y = 1$  come asintoto orizzontale ed ammette la retta di equazione  $x = 0$  come asintoto verticale. Non ci sono asintoti obliqui.  
(c) se  $x < -4$  o  $x > 8$ ,  $f'(x) = \frac{4x+64}{x^3}$ ; se  $-4 < x < 8$ ,  $f'(x) = -\frac{4x+64}{x^3}$ ;  $\text{dom } f' = \text{dom } f \setminus \{-4, 8\}$ .  
 $x = -4$  e  $x = 8$  punti angolosi.  $f'_-(-4) = -\frac{3}{4}$ ,  $f'_+(-4) = \frac{3}{4}$ ,  $f'_-(8) = -\frac{3}{16}$ ,  $f'_+(8) = \frac{3}{16}$ .  
(d)  $f$  è strettamente crescente in  $] -\infty, -16[ \cup ] -4, 0[ \cup ] 8, +\infty[$ ;  $f$  è strettamente decrescente in  $] -16, -4[ \cup ] 0, 8[$ .  $x = -4$  e  $x = 8$  punti di minimo assoluto,  $x = -16$  punto di massimo relativo.  
(e) se  $x < -4$  o  $x > 8$ ,  $f''(x) = -\frac{8x+192}{x^4}$ ; se  $-4 < x < 8$ ,  $f''(x) = \frac{8x+192}{x^4}$ .  $f$  è strettamente convessa in  $] -\infty, -24[ \cup ] -4, 0[ \cup ] 0, 8[$ ;  $f$  è strettamente concava in  $] -24, -4[ \cup ] 8, +\infty[$ .  
 $x = -24$  punto di flesso a tangente obliqua.
  2.  $-10\sqrt{3}$ .
  3.  $\frac{7}{2}$ .
- 

### FILA 5

1. (a)  $\text{dom } f = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ ; non ci sono simmetrie.  
(b)  $f$  ammette la retta di equazione  $y = 1$  come asintoto orizzontale ed ammette la retta di equazione  $x = 0$  come asintoto verticale. Non ci sono asintoti obliqui.

$\{-5, 10\}$ .  $x = -5$  e  $x = 10$  punti angolosi.  $f'_-(-5) = -\frac{3}{5}$ ,  $f'_+(-5) = \frac{3}{5}$ ,  $f'_-(10) = -\frac{3}{20}$ ,  $f'_+(10) = \frac{3}{20}$ .

- (d)  $f$  è strettamente crescente in  $] -\infty, -20[ \cup ] -5, 0[ \cup ] 10, +\infty[$ ;  $f$  è strettamente decrescente in  $] -20, -5[ \cup ] 0, 10[$ .  $x = -5$  e  $x = 10$  punti di minimo assoluto,  $x = -20$  punto di massimo relativo.
- (e) se  $x < -5$  o  $x > 10$ ,  $f''(x) = -\frac{10x+300}{x^4}$ ; se  $-5 < x < 10$ ,  $f''(x) = \frac{10x+300}{x^4}$ .  $f$  è strettamente convessa in  $] -\infty, -30[ \cup ] -5, 0[ \cup ] 0, 10[$ ;  $f$  è strettamente concava in  $] -30, -5[ \cup ] 10, +\infty[$ .  $x = -30$  punto di flesso a tangente obliqua.

2.  $-8\sqrt{3}$ .

3.  $\frac{5}{2}$ .

---

## FILA 6

1. (a)  $\text{dom } f = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ ; non ci sono simmetrie.
- (b)  $f$  ammette la retta di equazione  $y = 1$  come asintoto orizzontale ed ammette la retta di equazione  $x = 0$  come asintoto verticale. Non ci sono asintoti obliqui.
- (c) se  $x < -6$  o  $x > 12$ ,  $f'(x) = \frac{6x+144}{x^3}$ ; se  $-6 < x < 12$ ,  $f'(x) = -\frac{6x+144}{x^3}$ ;  $\text{dom } f' = \text{dom } f \setminus \{-6, 12\}$ .  $x = -6$  e  $x = 12$  punti angolosi.  $f'_-(-6) = -\frac{1}{2}$ ,  $f'_+(-6) = \frac{1}{2}$ ,  $f'_-(12) = -\frac{1}{8}$ ,  $f'_+(12) = \frac{1}{8}$ .
- (d)  $f$  è strettamente crescente in  $] -\infty, -24[ \cup ] -6, 0[ \cup ] 12, +\infty[$ ;  $f$  è strettamente decrescente in  $] -24, -6[ \cup ] 0, 12[$ .  $x = -6$  e  $x = 12$  punti di minimo assoluto,  $x = -24$  punto di massimo relativo.
- (e) se  $x < -6$  o  $x > 12$ ,  $f''(x) = -\frac{12x+432}{x^4}$ ; se  $-6 < x < 12$ ,  $f''(x) = \frac{12x+432}{x^4}$ .  $f$  è strettamente convessa in  $] -\infty, -36[ \cup ] -6, 0[ \cup ] 0, 12[$ ;  $f$  è strettamente concava in  $] -36, -6[ \cup ] 12, +\infty[$ .  $x = -36$  punto di flesso a tangente obliqua.

2.  $-6\sqrt{3}$ .

3.  $\frac{3}{2}$ .

---