

Il NUMERO della FILA è contenuto nel testo dell'esercizio n° 4 ed è il fattore dell'unità immaginaria all'interno del primo fattore.

**Fila 1**

1. (a)  $\text{dom } f = [-\frac{1}{2}, +\infty)$ ; non ci sono simmetrie.  
 (b) Non ci sono asintoti orizzontali, verticali e obliqui.  
 (c)  $f'(x) = \frac{2-x}{3(x+1)} \frac{1}{\sqrt{2x+1}}$ ;  $\text{dom } f' = (-\frac{1}{2}, +\infty) \subset \text{dom } f$ ;  $x = -\frac{1}{2}$  punto a tangente verticale:  $f'_+(-\frac{1}{2}) = +\infty$ .  
 (d)  $f$  strettamente crescente in  $(-\frac{1}{2}, 2)$ ;  $f$  strettamente decrescente in  $(2, +\infty)$ ,  
 $x = 2$  è punto di massimo assoluto,  $x = -\frac{1}{2}$  è punto di minimo relativo. Non esistono punti di minimo assoluto in quanto  $f$  è illimitata inferiormente.  
 (e)  $f''(x) = \frac{x^2 - 7x - 5}{3(x+1)^2 \sqrt{(2x+1)^3}}$   
 (f) Poiché  $f$  è decrescente in un intorno di  $+\infty$  e  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = 0$ , allora  $f$  risulta convessa in un intorno di  $+\infty$ . Si deduce che esiste un punto di flesso a tangente obliqua nell'intervallo  $(2, +\infty)$ .
2. La sottosuccessione per  $n$  pari è crescente, la sottosuccessione per  $n$  dispari è decrescente. Applicando il teorema delle successioni monotone alle due sottosuccessioni ed unendo i risultati ottenuti, si ha:  $\inf A = -1$ ,  $\sup A = 1$ ,  $\nexists \min A$ ,  $\nexists \max A$ .
3. Il luogo geometrico cercato è l'unione tra il punto  $z = 0$  e la circonferenza di centro  $(4, 0)$  e raggio 1.
4.  $z_1 = (\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}i)$ ,  $z_2 = i$ ,  $z_3 = -(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i)$ ,  $z_4 = -i$ ,  $z_5 = -3i$ .
5.  $\ell = -3$ .
6. Se  $\beta < 1$   $\ell = 1$ , se  $\beta = 1$   $\ell = e^{3/2}$ , se  $\beta > 1$   $\ell = +\infty$ .
7.  $f$  è continua in  $x = 0$  per  $\alpha = 3$ . Se  $\alpha \neq 3$  allora il punto  $x = 0$  è un punto di discontinuità eliminabile. Nel caso in cui  $\alpha = 3$ ,  $f$  non è derivabile in  $x = 0$  e il punto  $x = 0$  è di cuspid.

**Fila 2**

1. (a)  $\text{dom } f = [-\frac{1}{2}, +\infty)$ ; non ci sono simmetrie.  
 (b) Non ci sono asintoti orizzontali, verticali e obliqui.  
 (c)  $f'(x) = \frac{3-x}{4(x+1)} \frac{1}{\sqrt{2x+1}}$ ;  $\text{dom } f' = (-\frac{1}{2}, +\infty) \subset \text{dom } f$ ;  $x = -\frac{1}{2}$  punto a tangente verticale:  $f'_+(-\frac{1}{2}) = +\infty$ .  
 (d)  $f$  strettamente crescente in  $(-\frac{1}{2}, 3)$ ;  $f$  strettamente decrescente in  $(3, +\infty)$ ,  
 $x = 3$  è punto di massimo assoluto,  $x = -\frac{1}{2}$  è punto di minimo relativo. Non esistono punti di minimo assoluto in quanto  $f$  è illimitata inferiormente.  
 (e)  $f''(x) = \frac{x^2 - 10x - 7}{4(x+1)^2 \sqrt{(2x+1)^3}}$

- (f) Poiché  $f$  è decrescente in un intorno di  $+\infty$  e  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = 0$ , allora  $f$  risulta convessa in un intorno di  $+\infty$ . Si deduce che esiste un punto di flesso a tangente obliqua nell'intervallo  $(3, +\infty)$ .
2. La sottosuccessione per  $n$  pari è crescente, la sottosuccessione per  $n$  dispari è decrescente. Applicando il teorema delle successioni monotone alle due sottosuccessioni ed unendo i risultati ottenuti, si ha:  $\inf A = -1$ ,  $\sup A = 1$ ,  $\nexists \min A$ ,  $\nexists \max A$ .
  3. Il luogo geometrico cercato è l'unione tra il punto  $z = 0$  e la circonferenza di centro  $(9, 0)$  e raggio 1.
  4.  $z_1 = \sqrt[3]{2} \left( \frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}i \right)$ ,  $z_2 = \sqrt[3]{2} i$ ,  $z_3 = -\sqrt[3]{2} \left( \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i \right)$ ,  $z_4 = -i$ ,  $z_5 = -5i$ .
  5.  $\ell = -3$ .
  6. Se  $\beta < 1$   $\ell = 1$ , se  $\beta = 1$   $\ell = e^{5/2}$ , se  $\beta > 1$   $\ell = +\infty$ .
  7.  $f$  è continua in  $x = 0$  per  $\alpha = 5$ . Se  $\alpha \neq 5$  allora il punto  $x = 0$  è un punto di discontinuità eliminabile. Nel caso in cui  $\alpha = 5$ ,  $f$  non è derivabile in  $x = 0$  e il punto  $x = 0$  è di cuspidè.

### Fila 3

1. (a)  $\text{dom } f = \left[-\frac{1}{2}, +\infty\right)$ ; non ci sono simmetrie.  
 (b) Non ci sono asintoti orizzontali, verticali e obliqui.  
 (c)  $f'(x) = \frac{4-x}{5(x+1)} \frac{1}{\sqrt{2x+1}}$ ;  $\text{dom } f' = \left(-\frac{1}{2}, +\infty\right) \subset \text{dom } f$ ;  $x = -\frac{1}{2}$  punto a tangente verticale:  $f'_+ \left(\frac{1}{2}\right) = +\infty$ .  
 (d)  $f$  strettamente crescente in  $\left(-\frac{1}{2}, 4\right)$ ;  $f$  strettamente decrescente in  $(4, +\infty)$ ,  $x = 4$  è punto di massimo assoluto,  $x = -\frac{1}{2}$  è punto di minimo relativo. Non esistono punti di minimo assoluto in quanto  $f$  è illimitata inferiormente.  
 (e)  $f''(x) = \frac{x^2 - 13x - 9}{5(x+1)^2 \sqrt{(2x+1)^3}}$   
 (f) Poiché  $f$  è decrescente in un intorno di  $+\infty$  e  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = 0$ , allora  $f$  risulta convessa in un intorno di  $+\infty$ . Si deduce che esiste un punto di flesso a tangente obliqua nell'intervallo  $(4, +\infty)$ .
2. La sottosuccessione per  $n$  pari è crescente, la sottosuccessione per  $n$  dispari è decrescente. Applicando il teorema delle successioni monotone alle due sottosuccessioni ed unendo i risultati ottenuti, si ha:  $\inf A = -1$ ,  $\sup A = 1$ ,  $\nexists \min A$ ,  $\nexists \max A$ .
3. Il luogo geometrico cercato è l'unione tra il punto  $z = 0$  e la circonferenza di centro  $(16, 0)$  e raggio 1.
4.  $z_1 = \sqrt[3]{3} \left( \frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}i \right)$ ,  $z_2 = \sqrt[3]{3} i$ ,  $z_3 = -\sqrt[3]{3} \left( \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i \right)$ ,  $z_4 = -i$ ,  $z_5 = -7i$ .
5.  $\ell = -3$ .
6. Se  $\beta < 1$   $\ell = 1$ , se  $\beta = 1$   $\ell = e^{7/2}$ , se  $\beta > 1$   $\ell = +\infty$ .
7.  $f$  è continua in  $x = 0$  per  $\alpha = 7$ . Se  $\alpha \neq 7$  allora il punto  $x = 0$  è un punto di discontinuità eliminabile. Nel caso in cui  $\alpha = 7$ ,  $f$  non è derivabile in  $x = 0$  e il punto  $x = 0$  è di cuspidè.

---

**Fila 4**

1. (a)  $\text{dom } f = [-\frac{1}{2}, +\infty)$ ; non ci sono simmetrie.  
(b) Non ci sono asintoti orizzontali, verticali e obliqui.  
(c)  $f'(x) = \frac{5-x}{6(x+1)} \frac{1}{\sqrt{2x+1}}$ ;  $\text{dom } f' = (-\frac{1}{2}, +\infty) \subset \text{dom } f$ ;  $x = -\frac{1}{2}$  punto a tangente verticale:  $f'_+(\frac{1}{2}) = +\infty$ .  
(d)  $f$  strettamente crescente in  $(-\frac{1}{2}, 5)$ ;  $f$  strettamente decrescente in  $(5, +\infty)$ ,  
 $x = 5$  è punto di massimo assoluto,  $x = -\frac{1}{2}$  è punto di minimo relativo. Non esistono punti di minimo assoluto in quanto  $f$  è illimitata inferiormente.  
(e)  $f''(x) = \frac{x^2 - 16x - 11}{6(x+1)^2 \sqrt{(2x+1)^3}}$   
(f) Poiché  $f$  è decrescente in un intorno di  $+\infty$  e  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = 0$ , allora  $f$  risulta convessa in un intorno di  $+\infty$ . Si deduce che esiste un punto di flesso a tangente obliqua nell'intervallo  $(5, +\infty)$ .
2. La sottosuccessione per  $n$  pari è crescente, la sottosuccessione per  $n$  dispari è decrescente. Applicando il teorema delle successioni monotone alle due sottosuccessioni ed unendo i risultati ottenuti, si ha:  $\inf A = -1$ ,  $\sup A = 1$ ,  $\nexists \min A$ ,  $\nexists \max A$ .
3. Il luogo geometrico cercato è l'unione tra il punto  $z = 0$  e la circonferenza di centro  $(25, 0)$  e raggio 1.
4.  $z_1 = \sqrt[3]{4} \left( \frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}i \right)$ ,  $z_2 = \sqrt[3]{4} i$ ,  $z_3 = -\sqrt[3]{4} \left( \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i \right)$ ,  $z_4 = -i$ ,  $z_5 = -9i$ .
5.  $\ell = -3$ .
6. Se  $\beta < 1$   $\ell = 1$ , se  $\beta = 1$   $\ell = e^{9/2}$ , se  $\beta > 1$   $\ell = +\infty$ .
7.  $f$  è continua in  $x = 0$  per  $\alpha = 9$ . Se  $\alpha \neq 9$  allora il punto  $x = 0$  è un punto di discontinuità eliminabile. Nel caso in cui  $\alpha = 9$ ,  $f$  non è derivabile in  $x = 0$  e il punto  $x = 0$  è di cuspid.

---

**Fila 5**

1. (a)  $\text{dom } f = [-\frac{1}{2}, +\infty)$ ; non ci sono simmetrie.  
(b) Non ci sono asintoti orizzontali, verticali e obliqui.  
(c)  $f'(x) = \frac{6-x}{7(x+1)} \frac{1}{\sqrt{2x+1}}$ ;  $\text{dom } f' = (-\frac{1}{2}, +\infty) \subset \text{dom } f$ ;  $x = -\frac{1}{2}$  punto a tangente verticale:  $f'_+(\frac{1}{2}) = +\infty$ .  
(d)  $f$  strettamente crescente in  $(-\frac{1}{2}, 6)$ ;  $f$  strettamente decrescente in  $(6, +\infty)$ ,  
 $x = 6$  è punto di massimo assoluto,  $x = -\frac{1}{2}$  è punto di minimo relativo. Non esistono punti di minimo assoluto in quanto  $f$  è illimitata inferiormente.  
(e)  $f''(x) = \frac{x^2 - 19x - 13}{7(x+1)^2 \sqrt{(2x+1)^3}}$   
(f) Poiché  $f$  è decrescente in un intorno di  $+\infty$  e  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = 0$ , allora  $f$  risulta convessa in un intorno di  $+\infty$ . Si deduce che esiste un punto di flesso a tangente obliqua nell'intervallo  $(6, +\infty)$ .

2. La sottosuccessione per  $n$  pari è crescente, la sottosuccessione per  $n$  dispari è decrescente. Applicando il teorema delle successioni monotone alle due sottosuccessioni ed unendo i risultati ottenuti, si ha:  $\inf A = -1$ ,  $\sup A = 1$ ,  $\nexists \min A$ ,  $\nexists \max A$ .
3. Il luogo geometrico cercato è l'unione tra il punto  $z = 0$  e la circonferenza di centro  $(36, 0)$  e raggio 1.
4.  $z_1 = \sqrt[3]{5} \left( \frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}i \right)$ ,  $z_2 = \sqrt[3]{5} i$ ,  $z_3 = -\sqrt[3]{5} \left( \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i \right)$ ,  $z_4 = -i$ ,  $z_5 = -11i$ .
5.  $\ell = -3$ .
6. Se  $\beta < 1$   $\ell = 1$ , se  $\beta = 1$   $\ell = e^{11/2}$ , se  $\beta > 1$   $\ell = +\infty$ .
7.  $f$  è continua in  $x = 0$  per  $\alpha = 11$ . Se  $\alpha \neq 11$  allora il punto  $x = 0$  è un punto di discontinuità eliminabile. Nel caso in cui  $\alpha = 11$ ,  $f$  non è derivabile in  $x = 0$  e il punto  $x = 0$  è di cuspid.

### Fila 6

1. (a)  $\text{dom } f = \left[-\frac{1}{2}, +\infty\right)$ ; non ci sono simmetrie.  
 (b) Non ci sono asintoti orizzontali, verticali e obliqui.  
 (c)  $f'(x) = \frac{7-x}{8(x+1)} \frac{1}{\sqrt{2x+1}}$ ;  $\text{dom } f' = \left(-\frac{1}{2}, +\infty\right) \subset \text{dom } f$ ;  $x = -\frac{1}{2}$  punto a tangente verticale:  $f'_+ \left(\frac{1}{2}\right) = +\infty$ .  
 (d)  $f$  strettamente crescente in  $\left(-\frac{1}{2}, 7\right)$ ;  $f$  strettamente decrescente in  $(7, +\infty)$ ,  $x = 7$  è punto di massimo assoluto,  $x = -\frac{1}{2}$  è punto di minimo relativo. Non esistono punti di minimo assoluto in quanto  $f$  è illimitata inferiormente.  
 (e)  $f''(x) = \frac{x^2 - 22x - 15}{8(x+1)^2 \sqrt{(2x+1)^3}}$   
 (f) Poiché  $f$  è decrescente in un intorno di  $+\infty$  e  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = 0$ , allora  $f$  risulta convessa in un intorno di  $+\infty$ . Si deduce che esiste un punto di flesso a tangente obliqua nell'intervallo  $(7, +\infty)$ .
2. La sottosuccessione per  $n$  pari è crescente, la sottosuccessione per  $n$  dispari è decrescente. Applicando il teorema delle successioni monotone alle due sottosuccessioni ed unendo i risultati ottenuti, si ha:  $\inf A = -1$ ,  $\sup A = 1$ ,  $\nexists \min A$ ,  $\nexists \max A$ .
3. Il luogo geometrico cercato è l'unione tra il punto  $z = 0$  e la circonferenza di centro  $(49, 0)$  e raggio 1.
4.  $z_1 = \sqrt[3]{6} \left( \frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}i \right)$ ,  $z_2 = \sqrt[3]{6} i$ ,  $z_3 = -\sqrt[3]{6} \left( \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i \right)$ ,  $z_4 = -i$ ,  $z_5 = -13i$ .
5.  $\ell = -3$ .
6. Se  $\beta < 1$   $\ell = 1$ , se  $\beta = 1$   $\ell = e^{13/2}$ , se  $\beta > 1$   $\ell = +\infty$ .
7.  $f$  è continua in  $x = 0$  per  $\alpha = 13$ . Se  $\alpha \neq 13$  allora il punto  $x = 0$  è un punto di discontinuità eliminabile. Nel caso in cui  $\alpha = 13$ ,  $f$  non è derivabile in  $x = 0$  e il punto  $x = 0$  è di cuspid.