

Il NUMERO della FILA è contenuto nel testo dell'esercizio n° 1 ed è il terzo addendo nella f .

Fila 1

1. (a) $\text{dom } f = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{3}{2}\pi + 2k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$.
 - (b) Poiché f è periodica di periodo 2π , ci limitiamo allo studio di f su $\left[0, \frac{3}{2}\pi\right) \cup \left(\frac{3}{2}\pi, 2\pi\right]$.
 $\lim_{x \rightarrow \left(\frac{3}{2}\pi\right)^\pm} f(x) = +\infty$. $x = \frac{3}{2}\pi$ asintoto verticale completo. Vista la periodicità della funzione non ci sono asintoti orizzontali ed asintoti obliqui.
 - (c) $f'(x) = \frac{\sin(2x)}{4\sqrt{(\sin(x)+1)^3}}$; $\text{dom } f' = \text{dom } f$.
 - (d) f strettamente crescente in $\left(0, \frac{\pi}{2}\right) \cup \left(\pi, \frac{3\pi}{2}\right)$; f strettamente decrescente in $\left(\frac{\pi}{2}, \pi\right) \cup \left(\frac{3\pi}{2}, 2\pi\right)$,
 $x = 0$, $x = \pi$ e $x = 2\pi$ sono punti di minimo relativo e di minimo assoluto, $x = \frac{\pi}{2}$ è punto di massimo relativo. Non esistono punti di massimo assoluto in quanto f è illimitata superiormente.
 - (e) $f''(x) = \frac{\cos(2x)}{2\sqrt{(\sin(x)+1)^3}} - \frac{3\cos(x)\sin(2x)}{8\sqrt{(\sin(x)+1)^5}}$. Poiché $x = 0$ è punto di minimo relativo in cui f è derivabile si ha $f''(0) > 0$, analogamente, poiché $x = \frac{\pi}{2}$ è punto di massimo relativo in cui f è derivabile, si ha $f''\left(\frac{\pi}{2}\right) < 0$, quindi poiché f è derivabile su tutto il dominio, allora f'' cambia segno nell'intervallo $\left(0, \frac{\pi}{2}\right)$, ovvero si ha un punto di flesso in $\left(0, \frac{\pi}{2}\right)$.
Ragionando analogamente si ha un altro punto di flesso nell'intervallo $\left(\frac{\pi}{2}, \pi\right)$.
2. $\sup A = 9e$, $\inf A = 7e$, $\nexists \min A$, $\nexists \max A$.
 3. Il luogo geometrico cercato è la circonferenza di centro $\left(0, -\frac{3}{2}\right)$, passante per l'origine degli assi
 4. $1 + i$.
 5. 7.
 6. 0 se $\alpha < 1$, -3 se $\alpha = 1$, $-\infty$ se $\alpha > 1$.
 7. f continua in $\mathbb{R} \setminus \{8\}$; $x = 8$ punto di infinito.
 8. f è derivabile in $\mathbb{R} \setminus \{1, 2\}$; $x = 1$ punto angoloso e $x = 2$ punto di cuspid.
-

Fila 2

1. (a) $\text{dom } f = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{3}{2}\pi + 2k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$.

(b) Poiché f è periodica di periodo 2π , ci limitiamo allo studio di f su $\left[0, \frac{3}{2}\pi\right) \cup \left(\frac{3}{2}\pi, 2\pi\right]$.

$\lim_{x \rightarrow \left(\frac{3}{2}\pi\right)^{\pm}} f(x) = +\infty$. $x = \frac{3}{2}\pi$ asintoto verticale completo. Vista la periodicità della

funzione non ci sono asintoti orizzontali ed asintoti obliqui.

(c) $f'(x) = \frac{\sin(2x)}{4\sqrt{(\sin(x)+1)^3}}$; $\text{dom } f' = \text{dom } f$.

(d) f strettamente crescente in $\left(0, \frac{\pi}{2}\right) \cup \left(\pi, \frac{3\pi}{2}\right)$; f strettamente decrescente in $\left(\frac{\pi}{2}, \pi\right) \cup \left(\frac{3\pi}{2}, 2\pi\right)$,

$x = 0$, $x = \pi$ e $x = 2\pi$ sono punti di minimo relativo e di minimo assoluto, $x = \frac{\pi}{2}$ è punto di massimo relativo. Non esistono punti di massimo assoluto in quanto f è illimitata superiormente.

(e) $f''(x) = \frac{\cos(2x)}{2\sqrt{(\sin(x)+1)^3}} - \frac{3\cos(x)\sin(2x)}{8\sqrt{(\sin(x)+1)^5}}$. Poiché $x = 0$ è punto di minimo relativo in

cui f è derivabile si ha $f''(0) > 0$, analogamente, poiché $x = \frac{\pi}{2}$ è punto di massimo relativo in cui f è derivabile, si ha $f''\left(\frac{\pi}{2}\right) < 0$, quindi poiché f è derivabile su tutto il dominio, allora f'' cambia segno nell'intervallo $\left(0, \frac{\pi}{2}\right)$, ovvero si ha un punto di flesso in $\left(0, \frac{\pi}{2}\right)$.

Ragionando analogamente si ha un altro punto di flesso nell'intervallo $\left(\frac{\pi}{2}, \pi\right)$.

2. $\sup A = 8e$, $\inf A = 6e$, $\nexists \min A$, $\nexists \max A$.

3. Il luogo geometrico cercato è la circonferenza di centro $\left(0, -\frac{5}{2}\right)$, passante per l'origine degli assi

4. $1 + i$.

5. 6.

6. 0 se $\alpha < 1$, -5 se $\alpha = 1$, $-\infty$ se $\alpha > 1$.

7. f continua in $\mathbb{R} \setminus \{7\}$; $x = 7$ punto di infinito.

8. f è derivabile in $\mathbb{R} \setminus \{2, 3\}$; $x = 2$ punto angoloso e $x = 3$ punto di cuspid.

Fila 3

1. (a) $\text{dom } f = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{3}{2}\pi + 2k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$.
 - (b) Poiché f è periodica di periodo 2π , ci limitiamo allo studio di f su $\left[0, \frac{3}{2}\pi\right) \cup \left(\frac{3}{2}\pi, 2\pi\right]$.
 $\lim_{x \rightarrow \left(\frac{3}{2}\pi\right)^{\pm}} f(x) = +\infty$. $x = \frac{3}{2}\pi$ asintoto verticale completo. Vista la periodicità della funzione non ci sono asintoti orizzontali ed asintoti obliqui.
 - (c) $f'(x) = \frac{\sin(2x)}{4\sqrt{(\sin(x)+1)^3}}$; $\text{dom } f' = \text{dom } f$.
 - (d) f strettamente crescente in $\left(0, \frac{\pi}{2}\right) \cup \left(\pi, \frac{3\pi}{2}\right)$; f strettamente decrescente in $\left(\frac{\pi}{2}, \pi\right) \cup \left(\frac{3\pi}{2}, 2\pi\right)$,
 $x = 0$, $x = \pi$ e $x = 2\pi$ sono punti di minimo relativo e di minimo assoluto, $x = \frac{\pi}{2}$ è punto di massimo relativo. Non esistono punti di massimo assoluto in quanto f è illimitata superiormente.
 - (e) $f''(x) = \frac{\cos(2x)}{2\sqrt{(\sin(x)+1)^3}} - \frac{3\cos(x)\sin(2x)}{8\sqrt{(\sin(x)+1)^5}}$. Poiché $x = 0$ è punto di minimo relativo in cui f è derivabile si ha $f''(0) > 0$, analogamente, poiché $x = \frac{\pi}{2}$ è punto di massimo relativo in cui f è derivabile, si ha $f''\left(\frac{\pi}{2}\right) < 0$, quindi poiché f è derivabile su tutto il dominio, allora f'' cambia segno nell'intervallo $\left(0, \frac{\pi}{2}\right)$, ovvero si ha un punto di flesso in $\left(0, \frac{\pi}{2}\right)$.
Ragionando analogamente si ha un altro punto di flesso nell'intervallo $\left(\frac{\pi}{2}, \pi\right)$.
2. $\sup A = 7e$, $\inf A = 5e$, $\nexists \min A$, $\nexists \max A$.
 3. Il luogo geometrico cercato è la circonferenza di centro $\left(0, -\frac{7}{2}\right)$, passante per l'origine degli assi
 4. $1 + i$.
 5. 5.
 6. 0 se $\alpha < 1$, -7 se $\alpha = 1$, $-\infty$ se $\alpha > 1$.
 7. f continua in $\mathbb{R} \setminus \{6\}$; $x = 6$ punto di infinito.
 8. f è derivabile in $\mathbb{R} \setminus \{3, 4\}$; $x = 3$ punto angoloso e $x = 4$ punto di cuspid.
-

Fila 4

1. (a) $\text{dom } f = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{3}{2}\pi + 2k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$.
 - (b) Poiché f è periodica di periodo 2π , ci limitiamo allo studio di f su $\left[0, \frac{3}{2}\pi\right) \cup \left(\frac{3}{2}\pi, 2\pi\right]$.
 $\lim_{x \rightarrow \left(\frac{3}{2}\pi\right)^{\pm}} f(x) = +\infty$. $x = \frac{3}{2}\pi$ asintoto verticale completo. Vista la periodicità della funzione non ci sono asintoti orizzontali ed asintoti obliqui.
 - (c) $f'(x) = \frac{\sin(2x)}{4\sqrt{(\sin(x)+1)^3}}$; $\text{dom } f' = \text{dom } f$.
 - (d) f strettamente crescente in $\left(0, \frac{\pi}{2}\right) \cup \left(\pi, \frac{3\pi}{2}\right)$; f strettamente decrescente in $\left(\frac{\pi}{2}, \pi\right) \cup \left(\frac{3\pi}{2}, 2\pi\right)$,
 $x = 0$, $x = \pi$ e $x = 2\pi$ sono punti di minimo relativo e di minimo assoluto, $x = \frac{\pi}{2}$ è punto di massimo relativo. Non esistono punti di massimo assoluto in quanto f è illimitata superiormente.
 - (e) $f''(x) = \frac{\cos(2x)}{2\sqrt{(\sin(x)+1)^3}} - \frac{3\cos(x)\sin(2x)}{8\sqrt{(\sin(x)+1)^5}}$. Poiché $x = 0$ è punto di minimo relativo in cui f è derivabile si ha $f''(0) > 0$, analogamente, poiché $x = \frac{\pi}{2}$ è punto di massimo relativo in cui f è derivabile, si ha $f''\left(\frac{\pi}{2}\right) < 0$, quindi poiché f è derivabile su tutto il dominio, allora f'' cambia segno nell'intervallo $\left(0, \frac{\pi}{2}\right)$, ovvero si ha un punto di flesso in $\left(0, \frac{\pi}{2}\right)$.
Ragionando analogamente si ha un altro punto di flesso nell'intervallo $\left(\frac{\pi}{2}, \pi\right)$.
2. $\sup A = 6e$, $\inf A = 4e$, $\nexists \min A$, $\nexists \max A$.
 3. Il luogo geometrico cercato è la circonferenza di centro $\left(0, -\frac{9}{2}\right)$, passante per l'origine degli assi
 4. $1 + i$.
 5. 4.
 6. 0 se $\alpha < 1$, -9 se $\alpha = 1$, $-\infty$ se $\alpha > 1$.
 7. f continua in $\mathbb{R} \setminus \{5\}$; $x = 5$ punto di infinito.
 8. f è derivabile in $\mathbb{R} \setminus \{4, 5\}$; $x = 4$ punto angoloso e $x = 5$ punto di cuspid.
-

Fila 5

1. (a) $\text{dom } f = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{3}{2}\pi + 2k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$.

(b) Poiché f è periodica di periodo 2π , ci limitiamo allo studio di f su $\left[0, \frac{3}{2}\pi\right) \cup \left(\frac{3}{2}\pi, 2\pi\right]$.

$\lim_{x \rightarrow \left(\frac{3}{2}\pi\right)^{\pm}} f(x) = +\infty$. $x = \frac{3}{2}\pi$ asintoto verticale completo. Vista la periodicità della

funzione non ci sono asintoti orizzontali ed asintoti obliqui.

(c) $f'(x) = \frac{\sin(2x)}{4\sqrt{(\sin(x)+1)^3}}$; $\text{dom } f' = \text{dom } f$.

(d) f strettamente crescente in $\left(0, \frac{\pi}{2}\right) \cup \left(\pi, \frac{3\pi}{2}\right)$; f strettamente decrescente in $\left(\frac{\pi}{2}, \pi\right) \cup \left(\frac{3\pi}{2}, 2\pi\right)$,

$x = 0$, $x = \pi$ e $x = 2\pi$ sono punti di minimo relativo e di minimo assoluto, $x = \frac{\pi}{2}$ è punto di massimo relativo. Non esistono punti di massimo assoluto in quanto f è illimitata superiormente.

(e) $f''(x) = \frac{\cos(2x)}{2\sqrt{(\sin(x)+1)^3}} - \frac{3\cos(x)\sin(2x)}{8\sqrt{(\sin(x)+1)^5}}$. Poiché $x = 0$ è punto di minimo relativo in

cui f è derivabile si ha $f''(0) > 0$, analogamente, poiché $x = \frac{\pi}{2}$ è punto di massimo relativo in cui f è derivabile, si ha $f''\left(\frac{\pi}{2}\right) < 0$, quindi poiché f è derivabile su tutto il dominio, allora f'' cambia segno nell'intervallo $\left(0, \frac{\pi}{2}\right)$, ovvero si ha un punto di flesso in $\left(0, \frac{\pi}{2}\right)$.

Ragionando analogamente si ha un altro punto di flesso nell'intervallo $\left(\frac{\pi}{2}, \pi\right)$.

2. $\sup A = 5e$, $\inf A = 3e$, $\nexists \min A$, $\nexists \max A$.

3. Il luogo geometrico cercato è la circonferenza di centro $\left(0, -\frac{11}{2}\right)$, passante per l'origine degli assi

4. $1 + i$.

5. 3.

6. 0 se $\alpha < 1$, -11 se $\alpha = 1$, $-\infty$ se $\alpha > 1$.

7. f continua in $\mathbb{R} \setminus \{4\}$; $x = 4$ punto di infinito.

8. f è derivabile in $\mathbb{R} \setminus \{5, 6\}$; $x = 5$ punto angoloso e $x = 6$ punto di cuspid.

Fila 6

1. (a) $\text{dom } f = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{3}{2}\pi + 2k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$.
 - (b) Poiché f è periodica di periodo 2π , ci limitiamo allo studio di f su $\left[0, \frac{3}{2}\pi\right) \cup \left(\frac{3}{2}\pi, 2\pi\right]$.
 $\lim_{x \rightarrow \left(\frac{3}{2}\pi\right)^{\pm}} f(x) = +\infty$. $x = \frac{3}{2}\pi$ asintoto verticale completo. Vista la periodicità della funzione non ci sono asintoti orizzontali ed asintoti obliqui.
 - (c) $f'(x) = \frac{\sin(2x)}{4\sqrt{(\sin(x)+1)^3}}$; $\text{dom } f' = \text{dom } f$.
 - (d) f strettamente crescente in $\left(0, \frac{\pi}{2}\right) \cup \left(\pi, \frac{3\pi}{2}\right)$; f strettamente decrescente in $\left(\frac{\pi}{2}, \pi\right) \cup \left(\frac{3\pi}{2}, 2\pi\right)$,
 $x = 0$, $x = \pi$ e $x = 2\pi$ sono punti di minimo relativo e di minimo assoluto, $x = \frac{\pi}{2}$ è punto di massimo relativo. Non esistono punti di massimo assoluto in quanto f è illimitata superiormente.
 - (e) $f''(x) = \frac{\cos(2x)}{2\sqrt{(\sin(x)+1)^3}} - \frac{3\cos(x)\sin(2x)}{8\sqrt{(\sin(x)+1)^5}}$. Poiché $x = 0$ è punto di minimo relativo in cui f è derivabile si ha $f''(0) > 0$, analogamente, poiché $x = \frac{\pi}{2}$ è punto di massimo relativo in cui f è derivabile, si ha $f''\left(\frac{\pi}{2}\right) < 0$, quindi poiché f è derivabile su tutto il dominio, allora f'' cambia segno nell'intervallo $\left(0, \frac{\pi}{2}\right)$, ovvero si ha un punto di flesso in $\left(0, \frac{\pi}{2}\right)$.
Ragionando analogamente si ha un altro punto di flesso nell'intervallo $\left(\frac{\pi}{2}, \pi\right)$.
2. $\sup A = 4e$, $\inf A = 2e$, $\nexists \min A$, $\nexists \max A$.
 3. Il luogo geometrico cercato è la circonferenza di centro $\left(0, -\frac{13}{2}\right)$, passante per l'origine degli assi
 4. $1 + i$.
 5. 2.
 6. 0 se $\alpha < 1$, -13 se $\alpha = 1$, $-\infty$ se $\alpha > 1$.
 7. f continua in $\mathbb{R} \setminus \{3\}$; $x = 3$ punto di infinito.
 8. f è derivabile in $\mathbb{R} \setminus \{6, 7\}$; $x = 6$ punto angoloso e $x = 7$ punto di cuspid.
-