

Calcolare  $[(1+i)(\frac{\sqrt{3}}{2} - i\frac{1}{2})]^8$

$8(\sqrt{3}i - 1)$

L'insieme dei punti  $z \in \mathbb{C}$  tali che  $\text{Im}(\frac{4}{z}) = 7$

circonf. privata di un punto

Si consideri  $(z^3 + 7)(z^2 + 8i) = 0 \quad z \in \mathbb{C}$ .

Quante sono le radici  $z$  tali che  $\text{Re}(z) > 0$

3

$M = \{ |z| : z \cdot \bar{z} - 2iz = 4 - z^2 \quad z \in \mathbb{C} \}$ ,  $\sup M$ ?

2

Si determini  $\inf \{ |z| : z^{40} = \frac{1}{\sqrt{2}} - i\frac{1}{\sqrt{2}} \}$

1

$C = \{ z \in \mathbb{C} : (\text{Re } z)^2 + (\text{Im } z)^2 - 4\text{Re } z - 4\text{Im } z + 4 \leq 0 \}$

$z_0 = -1 - i$ , allora  $\inf \{ |z - z_0| : z \in C \} = ?$

$3\sqrt{2} - 2$

Posto  $y = 1 + 6i$ , l'insieme dei punti  $z \in \mathbb{C}$  tali che

$z - \bar{z} = z \cdot \bar{z} - (\text{Re } z)^2 + y^2 - 1$  e' dato da .....

retta  $y = 6$

Trovare gli elementi di  $\{ |z| : z \in \mathbb{C} \quad z|z|^2 - 4i\bar{z} = 0 \}$

$\left\{ \begin{array}{l} N.B., z=0 \text{ soluz.} \\ z \neq 0 \quad z \cdot z \cdot \bar{z} - 4i\bar{z} \\ z^2 - 4i = 0 \dots \end{array} \right.$

$A = \{ z \in \mathbb{C} : \text{Re}(\frac{1}{z}) \geq \frac{1}{4} \}$ . Calcolare l'area di A.

$\leftarrow (4\pi)$

Trovare il luogo degli  $z$  tali che  $|\sqrt{2}z + i| \leq |z - 1|$  e calcolare l'area

$\leftarrow (3\pi)$

Trovare gli  $z \in \mathbb{C}$  tali che  $(i|z|^2 + 7z) \in \mathbb{R}^+ \cup \{0\}$

una semicirconf

Per quali  $\alpha \in \mathbb{R}$  l'equazione  $|z|^2 + 2z = 2i + \alpha + 7$  ha una soluzione  $z \in \mathbb{C}$  t.c.  $\text{Re } z > 0$ ?

$\alpha > -6$

$A = \{ z : (z - z_0)^3 + 8 = 0 \} \quad z_0 = 2 - (1 + \sqrt{3})i$

$\sup \{ \text{Im } z, z \in A \} = ?$

-1

Posto  $K = (151)^{151}$ . Calcolare  $i^K$

$i / (150+1)^2 \dots$

Posto  $K = (37)^3$ . Calcolare  $i^K$

i

$T = \{ z \in \mathbb{C} : 0 \leq \text{Re } z \leq 5, 0 \leq \text{Im } z \leq 5 - \text{Re } z \}$

Determinare la minima distanza di  $z = -5 - 4i$  dagli elementi di T

$\sqrt{41}$