

- (S3) Sapendo che la probabilità che si verifichi almeno un terremoto in un anno a Cremona è pari a $\frac{2}{15}$, determinare il numero medio di terremoti in un anno.

[PUNTI 4]

S2 (scrivere il risultato con cinque cifre decimali)

- (S4) Sia (X, Y) la variabile aleatoria bidimensionale e sia $f_{X,Y} : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ tale che

$$f_{X,Y}(x, y) = \begin{cases} \frac{y}{4x^3} & \text{se } x > 1 \text{ e } 0 < y < a, \\ 0 & \text{altrimenti,} \end{cases}$$

con $a > 0$.

- (a) Determinare a affinché $f_{X,Y}$ sia una funzione di densità di probabilità della variabile aleatoria bidimensionale (X, Y) .
- (b) Determinare la funzione di ripartizione $F_{X,Y}(x, y)$.

[PUNTI 4]

S4

(a)

(b)

(A1) Determinare e classificare i punti stazionari della funzione $f : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ definita da

$$f(x, y) = x^3 y^2 + x^2 y^3.$$

[PUNTI 4]

A1

(A2) Calcolare

$$\iint_D x \, dx \, dy,$$

dove

$$D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 1 \leq (x - 1)^2 + y^2 \leq 4\}.$$

[PUNTI 4]

A2

(A3) Data la funzione reale $f : \text{dom } f \subseteq \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ definita da $f(x, y) = \sqrt{x^2 + y^2 - 1}$ e considerato l'insieme $R = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : |x| \leq 3 \text{ e } |y| \leq 2\}$, determinare il minimo m ed il massimo M di f in $R \cap \text{dom } f$, specificando in quali punti di $R \cap \text{dom } f$ essi siano assunti.

[PUNTI 4]

A3

(A4) Data la curva piana di rappresentazione parametrica

$$\vec{r}(t) = [t \sin(t) + \cos(t)]\vec{i} + [t \cos(t) - \sin(t)]\vec{j}, \quad \text{con } t \in [0, 2\pi],$$

determinare il versore tangente nel punto $P_0 \left(\frac{\pi}{2}, -1 \right)$.

[PUNTI 4]

A4