

PROBABILITÀ E STATISTICA - 11.12.2007

COGNOME E NOME

C. D. L.: AMBL CIVL CIVLS GESL INFL ANNO DI CORSO: 1 2 3 ALTRO

MATRICOLA FIRMA FILA 1

ISTRUZIONI

1. COMPILARE la parte precedente queste istruzioni; in particolare, **scrivere cognome e nome (in stampatello) e firmare.**
2. SCRIVERE, in modo incontrovertibile, la risposta nello spazio lasciato **dopo** ogni quesito; in caso di correzione, barrare la risposta errata e scrivere accanto la nuova risposta. In particolare, per gli esercizi (E1) ed (E2), SCRIVERE **anche** il procedimento applicato per rispondere ai quesiti posti.
3. I PUNTEGGI attribuiti per la risposta esatta sono indicati alla fine di ogni quesito.
4. PROIBITO usare libri, quaderni, telefoni cellulari.
5. CONSEGNARE **questi fogli e tutti i fogli di protocollo.**
6. TEMPO a disposizione: 150 min.

Quesito	C1	C2	C3	C4	QT	E1	E2	TOT
Punti								

(C1) Sia X una variabile casuale distribuita normalmente con media μ e varianza 1. Calcolare μ in modo tale che $P[2X - 3 > 0] = 0.02619$.

[PUNTI 4]

C1 (scrivere il risultato con due cifre decimali)

(C2) Data la funzione di densità congiunta

$$f_{X,Y}(x,y) = \frac{8}{3x^2y^3} I_{(1,4) \times (1,+\infty)}(x,y)$$

determinare $E[XY]$.

[PUNTI 4]

C2 (scrivere il risultato con cinque cifre decimali)

(C3) In quanti modi è possibile eleggere 4 rappresentanti da un gruppo di 21 uomini se due di essi non possono essere eletti insieme?

[PUNTI 4]

C3

(C4) Sia X una variabile casuale discreta tale che $P[X = 0] = P[X = 6] = p$, $P[X = 3] = 1 - 2p$. Determinare il valore di p in modo tale che la deviazione standard sia 2.

[PUNTI 4]

C4(scrivere il risultato in frazione ridotta ai minimi termini)

Quesito Teorico

Sia X una variabile casuale di Poisson. Verificare che

$$P[|X - E[X]| \geq 2\sqrt{E[X]}] \leq \frac{1}{4}$$

[PUNTI 2]

(E1) Data la densità di probabilità

$$f_X(x) = \begin{cases} kx^2 & -3 \leq x \leq 2 \\ \frac{1}{4} & 2 < x \leq 4 \\ 0 & \text{altrove} \end{cases}$$

determinare

- (a) la costante di normalizzazione k ;
- (b) la funzione di ripartizione F_X ;
- (c) $P[X > 2 | X^2 > 1]$;
- (d) il valore di c che soddisfa $P[X < c] = \frac{1}{10}$.

[PUNTI 7]

(E2) La temperatura di un locale è modellabile con una variabile casuale normale di media e varianza sconosciute. In una settimana sono state rilevate le seguenti temperature

19.9°C	19.5°C	19.8°C	20.2°C	19.7°C	20.0°C	19.5°C
--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------

Determinare

- (a) l'intervallo di confidenza per la media al 95%;
- (b) l'intervallo di confidenza per la varianza al 99%.

[PUNTI 7]

